

عنوان البحث

استخدام نماذج البرمجة الخطية في المجال الصناعي

د. عباس عبدالعزيز جمعة محمود¹

¹ جامعة الزعيم الازهري - قسم الرياضيات ، السودان

HNSJ, 2025, 6(5); <https://doi.org/10.53796/hnsj65/36>

المعرف العلمي العربي للأبحاث: <https://arsri.org/10000/65/36>

تاريخ النشر: 2025/05/01م

تاريخ القبول: 2025/04/15م

تاريخ الاستقبال: 2025/04/07م

المستخلص

من خلال دراستنا تم بناء نموذج برمجة خطية للتنبؤ بأفضل المنتجات لأحد المصانع للمواد الغذائية بالسودان لتحقيق اعلي عائد ربحي حيث تم تكوين نموذج يحتوي علي عدد كبير من المعادلات والمجاهيل وفقا للبيانات التي جمعها مما يعكس ذلك اهمية استخدام نماذج البرمجة الخطية في اتخاذ القرار في الواقع العملي وفي المجال الصناعي.

الكلمات المفتاحية: البرمجة الخطية، نموذج برمجة خطية، القيود، شروط عدم السلبية.

RESEARCH TITLE

Using Linear Programming in Industrial Field

Abstract

Through our study, a linear programming model was built to predict the best products for a food factory in Sudan to achieve the highest profit return. A model was created containing a large number of equations and variables according to the data collected, which reflects the importance of using linear programming models in decision-making in practical reality and in the industrial field.

Key Words: Linear programming, linear programming model, constraints, non-negativity conditions.

مقدمة : Introduction

تعتبر نماذج البرمجة الخطية من النماذج المستخدمة في مجالات مختلفة من ضمنها المجال الصناعي حيث ركزت الدراسة علي استخدام نماذج البرمجة الخطية في المجال الصناعي والاستفادة منها في تعظيم ارباح المؤسسات الصناعية وذلك لتحقيق الارباح او تقليل التكلفة

اهداف الدراسة: Study Objectives:

يهدف البحث إلي أهمية استخدام نماذج البرمجة الخطية في اتخاذ القرارات الإدارية السليمة المرتبطة بالمؤسسات المختلفة لا سيما في المجال الصناعي والاستفادة منها في اتخاذ القرارات السليمة

حيث عملت الدراسة الي تحويل بيانات واقعية مأخوذة من مصنع للمنتجات الغذائية وتحويلها الي نموذج برمجة خطية وحله و ذلك للاستفادة منه في تحديد المنتجات التي تحقق اقصى ربح للمصنع ولا يتأتي ذلك الا بعد تصميم نموذج دقيق يعبر عن البيانات بصورة دقيقة

خطوات بناء النموذج: Building model steps**1. صياغة النموذج المقترح**

سنقوم في هذا الفصل بتكوين نموذج برمجة خطية لمصنع أراك للمشروبات الغذائية واستخدام برنامج الجداول الالكترونية في حل النموذج وذلك لتحقيق اعلي الارباح في غياب المنهجية العلمية وعدم تبني أسلوب بحوث العمليات من قبل أداره الشركة لتخصيص الموارد التي تعظم الارباح السنوية لذلك وضعنا المشكلة في صوره البرمجة الخطية وبناء المعادلات الرياضية من خلال استخدام المعلومات المتحصل عليها من أداره الشركة وذلك بمحاولة إيجاد العناصر الأساسية لمكونات معادلات البرمجة الخطية وهي تشمل:

1- تحديد النموذج أو بعبارة ما هي متغيرات القرار المتعلقة بالمشكلة المحبوسة

2- القيود التي يجب فرضها علي المتغيرات للوفاء بحدود النظام المعبر عنه في النموذج

3- تحديد داله الهدف المطلوب تحقيقه لتحديد الحل الأمثل من ضمن كل القيم الممكنة للمتغيرات وهذا يعني أن نحاول إعطاء ملخص لفظي لوصف المشكلة ووضعها في قالب رياضي وهذا يعني البحث بهدف أي معرفه للكميات التي ينتجها المصنع بالآلاف الأطنان من كل صنف من المشروبات (زيادة بقدر الإمكان) لتعظيم هامش الربح الإجمالي

وفي نفس الوقت تستوفي القيود المفروضة علي الطلب وعلي استخدام المواد الخام 0

تكوين (تمثيل النموذج)

كما نعلم فان العملية الإنتاجية في معظم الشركات والمصانع والمؤسسات تمر بعده من المراحل كما في ذلك شركه أراك لكل نوع من هذه المشروبات وفي كل مرحله يتم التحضير لمتطلب معين من متطلبات العملية الإنتاجية وهي ستة مراحل وفي الستة مراحل للعملية الإنتاجية فانه يتطلب تحقيق للماكنيات والأيدي العاملة بالإضافة للمواد الخام مع العلم بان المصنع يشتغل بنظام الورديات زمن كل ورديه 8 ساعات انه يعمل طوال 24 ساعة وحتى يكتمل بناء نموذج البرمجة الخطية لمصنع أراك ينبغي تحديد القيود المفروضة لكل عمليه إنتاجيه وذلك لان الموارد محدود هو قابله للقياس ويتم التعبير عنها بصوره رياضييه علي شكل متباينات أو معادلات

وتتمثل النقاط الأساسية للنموذج الرياضي في تعريف متغيرات المشكلة أولاً ثم التعبير عن الهدف والقيود في صوره دوال رياضية لهذه المتغيرات.

وبناء علي تقسيمات العملية الإنتاجية للمصنع في أنتاج كل من سفن أب والبيبي والميرندا برتقال والميرندا تفاح والفراولة لابد من تحديد البيانات المطلوبة في تحديد العناصر الأساسية لتكوين نماذج البرمجة الخطية وذلك وفقاً للاتي

2. تحديد المتغيرات :

حيث ان المطلوب تحديد الكميات التي يجب إنتاجها من كل نوع إذ يمكن تمثيل متغيرات النموذج ليكون:

عدد الأطنان المنتجة سنوياً من البيبي X_1

عدد الأطنان المنتجة سنوياً من السفن أب X_2

عدد الأطنان المنتجة سنوياً من الميرندا برتقال X_3

عدد الأطنان المنتجة من الميرندا تفاح X_4

عدد الأطنان المنتجة سنوياً من الفراولة X_5

3. القيود:

إن الخطوة الثانية في تكوين نموذج البرمجة الخطية هي تحديد القيود المفروضة علي استخدام المواد الخام وعلي الطلب لإنتاج الخمسة أنواع المنتجة من قبل مصنع أراك وفقاً لمحدودية الموارد ومحدودية ساعات العمل بالنسبة للعمال هو محدودية الماكينات وتتمثل هذه قيود العملية الإنتاجية

والقيود الثلاثة (المواد الخام، الماكينات، العمالة) يمكن تمثيلها بصوره أوضح وفقاً للاتي:-

1- قيد المواد الخام

هذا القيد يأخذ :

$$i = 1, 2, 3, \dots, m) \left(\sum_{j=1}^n a_{ij} \cdot x_j \leq b_i \right)$$

(j = 1, 2, 3 ,n)

حيث أن

a_{ij} تمثل كمية المواد الخام (كيلو /كيلو جرام) وحدة التي تدخل في إنتاج i

b_i تمثل كمية المواد الخام i المتوفرة لشركه أراك خلال العام (بالجرام /كيلو جرام) وتقوم أداره الإحصاء وضبط الجودة بتخصيص المواد الخام المتاحة لكل نوع من الأنواع الخمسة التي تقوم أداره الشركة بتصنيعها وبدورها تقوم بتجهيز المواد الخام لطول العام حيث إن سير خط العملية الإنتاجية.

(2-2-3) الجدول التالي تقسيمات المادة الخام المطلوبة لكل نوع

	اسم المادة الخام	X1	X2	X3	X4	X5	المواد المتاحة بالجرام
1	سكر	53.7	54.2	54.0	62.0	56.2	34,560,000,000
2	المواد الجافة	1.5	1.4	1.4	1.5	1.33	8,640,000,000
3	بكرينات	72	62	44	44	46	129,600,000,000
4	ماده تركيز	0.662	0.669	0.837	0.844	0.634	2,658,461,000,00
5	الحامض	0.6	0.80	0.82	0.78	0.76	953,856,000,000

المصدرة شركه أراك

$$1- 53.7X1+54.2X2+54.0X3+62.0X4+56.2X5 \leq 34,560,000,000$$

$$2- 1.5X1+1.4X2+1.4X3+1.5X4+1.33X5 \leq 8,640,000,000$$

$$3- 72X1+62X2+44X3+44X4+46X5 \leq 129,600,000,000$$

$$4- 0.662x1+0.669x2+0.837X3+0.844X4+0.634X5 \leq 2,658,461,000,0$$

$$5- 0.6X1+0.80X2+0.82X3+0.78X4+0.76X5 \leq 953,856,000,000$$

2- قيد ماكينات الإنتاج

إن قيود ماكينات الإنتاج يمكن صياغتها علي النحو التالي

$$i = 1,2,3,\dots,m) \left(\sum_{j=1}^n a_{ij}.x_j \leq b_i \right. \\ \left. (j = 1,2,3 \dots\dots\dots,n) \right)$$

حيث أن :

a_{ij} تمثل الزمن الذي تستغرقه كل وحدة

إنتاج علي الماكينة (في مرحلة الإنتاج i) حتي يتم إنتاج الوحدة (رقم j)

b_i تمثل الطاقة القصوى لعدد الماكينات في كل مرحلة (رقم i) من مراحل الإنتاج حتى تتم العملية الإنتاجية خلال العام
والجدول يوضح القيود من الزمن الذي تستغرقه كل وحدة إنتاج على الماكينة 0

والعدد الكلي من الماكينات المتاحة بالشركة حيث أنها جمعت من قسم الإدارة والصيانة موضحة في جدول (1)

العدد الكلي	الكشف الضوئي القفل والختم وضبط أجوده	التعبئة	الخلط	الكشف الضوئي الغسيل الأولي	العملية
36	8	4	8	4	عدد الماكينات

جدول (1) :

لحساب الزمن الكلي الذي تبذله الماكينات خلال العام إن كل ماكينة تعمل 24 ساعة يوميا وحيث إن الشركة تعمل بنظام الثلاثة ورديات في اليوم بواقع 8 ساعات لكل ورديه وعليه فان الطاقة القصوى لعمل الماكينات في العام = عدد الماكينات $248832 = 288 * 24^*$

جدول (2) الزمن الذي تستغرقه وحدة الإنتاج علي الماكينة

الطاقة القصوى لعمل الماكينة خلال العام	X5	X4	X3	X2	X1	العملية الإنتاجية
27648	0.19	0.20	0.21	0.12	0.25	الغسيل
272648	0.19	0.22	0.20	0.20	0.26	الكشف الضوئي الأولي
552096	0.16	0.26	0.18	0.18	0.20	الخلط
55296	0.13	0.19	0.16	0.15	0.18	التعبئة
27648	0.17	0.18	0.20	0.20	0.22	القفل والختم
55296	0.15	0.15	0.17	0.18	0.28	الكشف الضوئي النهائي

إعداد الباحث

ولبناء القيود المتعلقة بالماكينات.

تكوين معادلات قيد الوحدة الإنتاجية لكل ماكينة خلال العام وفقا للاتي:

$$1- 0.25X_1 + 0.12X_2 + 0.21X_3 + 0.20X_4 + 0.19X_5 \leq 27648$$

$$2- 0.26X_1 + 0.20X_2 + 0.20X_3 + 0.22X_4 + 0.19X_5 \leq 272648$$

$$3- 0.20X_1 + 0.18X_2 + 0.18X_3 + 0.26X_4 + 0.16X_5 \leq 552096$$

$$4- 0.18X_1 + 0.15X_2 + 0.16X_3 + 0.19X_4 + 0.17X_5 \leq 55296$$

$$5- 0.22X_1 + 0.20X_2 + 0.20X_3 + 0.18X_4 + 0.17X_5 \leq 27648$$

$$6- 0.28X_1 + 0.18X_2 + 0.17X_3 + 0.15X_4 + 0.15X_5 \leq 55296$$

3- قيد العمالة

هذا القيد يأخذ الشكل

$$i = 1, 2, 3, \dots, m) \left(\sum_{j=1}^n a_{ij} \cdot x_j \leq b_i \right)$$

(j = 1, 2, 3, \dots, n)

حيث إن:

a_{ij} : عدد العمال المطلوب لإنتاج وحدة إنتاجية واحدة رقم (j) .

bi : الكمية المتاحة من العمالة في العملية الإنتاجية رقم (i) خلال العام . ولبناء قيود ساعات العمل لأبد من معرفه عدد العمال/ساعة خلال العام لكل مرحلة إنتاجية حيث أن كل

عامل علي الماكينة يعمل 8 ساعات يوميا ولمده 288 يوما خلال العام

جدول (3) عدد العمالة في الوردية الواحدة المتخصصون لكل مرحلة إنتاجية

الكشف الضوئي النهائي	القفل والختم	التعبئة	الخط	الكشف الضوئي الغسيل الأولي	اسم العملية
8	32	8	32	16	عدد العمال /نظام ورديه واحده
24	96	24	96	48	عدد العمال في الثلاثة ورديات

المصدر مصنع أراك

جدول (4) الزمن الذي يستغرقه العامل في إنتاج الوحدة الواحدة لكل مرحلة إنتاجية

المتغيرات/العملية الإنتاجية	X1	X2	X3	X4	X5	العدد الكلي لساعات العمل في كل مرحلة خلال العام
الغسيل	0.89	0.85	0.85	0.83	0.80	165888
الكشف الضوئي الأولي	0.78	0.61	0.62	0.54	0.60	331776
الخط	8.3	7.63	8.0	6.2	5.3	663552
التعبئة	0.93	0.73	0.70	0.69	0.70	165888
القفل والختم	7.3	6.7	6.7	5.9	5.92	663552
الكشف النهائي	0.68	0.57	0.58	0.52	0.52	165888

من الجدول فان قيود ساعات العمالة يمكن صياغتها كالآتي:-

$$1- 0.89X1+0.85X2+0.85X3+0.83X4+0.80X5 \leq 165888$$

$$2- 0.78X1+0.61X2+0.62X3+0.54X4+0.60X5 \leq 331776$$

$$3- 8.3X1+7.63X2+8.0X3+6.2X4+5.3X5 \leq 663552$$

$$4- 0.93X1+0.73X2+0.70X3+0.69X4+0.70X5 \leq 165888$$

$$5- 7.3X1+6.7X2+6.7X3+5.9X4+5.92X5 \leq 663552$$

$$6- 0.68X1+0.57X2+0.58X3+0.52X4+0.52X5 \leq 165888$$

4- قيود عدم السالبة

وتعني هذه الفرضية إن الكميات السالبة بحجم إنتاج الشركة غير ممكنه وهو قيد ضمني (مفهوم منطقي) انه لا يمكن إن يكون الإنتاج الكلي من المشروبات الخمسة بالسالب (أي اقل من الصفر) لذلك يفرض دائما علي نماذج البرمجة الخطية

قيد عدم السالبية ويكتب علي الصيغة

$$X_1, X_2, X_3, X_4, X_5 \geq 0$$

4- دالة الهدف

إن الخطوة الثالثة من صياغة نموذج البرمجة الخطية هي تحديد الهدف (تعظيم الإرباح - تقليل التكاليف) الناجمة عن الإنتاج

إن داله الهدف تأخذ الصيغة التالية:-

$$Xi = \sum Ci \quad (i=1,2,\dots,n)$$

حيث إن :

: تمثل صافي العائدات Z

: تمثل عائدات الربح من كل نوع من الأنواع المنتجة ويجب التعبير عن داله الهدف Ci

كميا يكون الهدف هو تعظيم الإرباح أو تقليل التكاليف أو توفير أكبر قدر من الجهد

ولتكون أو صياغة داله الهدف بالنسبة لمصنع أراك لابد من توافر البيانات المتعلقة بسعر كل نوع من الأنواع الخمسة وتكلفه كل نوع (متغير) البيانات أدناه جمعت من القسم التجاري لمصنع أراك وهي موضح في شكل جدول

جدول (5) يمثل سعر كل منتج

المتغير/السعر	X1	X2	X3	X4	X5
السعر وحده/بالدينار	900	900	900	900	900
التكلفة وحده/بالدينار	701	693	695	682	672
الربح/لكل وحده بالدينار	199	207	205	218	288

سجلات مصنع أراك

نلاحظ من الجدول يتضح إن المتغير $\times$ (منتج الفراولة) يحقق اعلي ربح وذلك نسبه لقله تكاليفه .

لماذا تفكر أداره المصنع في إنتاج الأنواع الاخرى من المشروبات؟ إن الإجابة علي هذا التساؤل أن العملية الإنتاجية في المصنع مرتبطة ببعض القيود لان الطلب وحده لن يمكن من تحديد أمثليه الإنتاج ولذلك نجد أن البرمجة الخطية لديها القدرة علي تحديد الامثلية في الإنتاج وذلك من خلال تقييم وتسهيل العملية الإنتاجية وذلك تحديد هامش الربح وطلب السوق وبتحديد الكميات المنتجة من كل نوع لكل وحدات الإنتاج.

بعد تكوين نموذج البرمجة الخطية لمصنع أراك فإننا يمكن تبسيط المعادلات الخاصة بداله الهدف والقيود من المعادلات أدناه

$$z = 199X_1 + 207X_2 + 205X_3 + 218X_4 + 288X_5 \text{ Max}$$

القيود :-

- 1- $53.7X_1+54.2X_2+54.0X_3+62.0X_4+56.2X_5 \leq 34,560,000,000$
- 2- $1.5X_1+1.4X_2+1.4X_3+1.5X_4+1.33X_5 \leq 8,640,000,000$
- 3- $72X_1+62X_2+44X_3+44X_4+46X_5 \leq 129,600.000.000$
- 4- $0.662X_1+0.669X_2+0.837X_3+0.844X_4+0.634X_5 \leq 2,658,461,000,000$
- 5- $0.62X_1+0.80X_2+0.82X_3+0.78X_4+0.76X_5 \leq 953,856,000,000$
- 6- $0.25X_1+0.12X_2+0.21X_3+0.20X_4+0.19X_5 \leq 27648$
- 7- $0.26X_1+0.20X_2+0.20X_3+0.22X_4+0.19X_5 \leq 272648$
- 8- $0.20X_1+0.18X_2+0.18X_3+0.26X_4+0.16X_5 \leq 552096$
- 9- $0.18X_1+0.15X_2+0.16X_3+0.19X_4+0.13X_5 \leq 55296$
- 10- $0.22X_1+0.20X_2+0.20X_3+0.18X_4+0.17X_5 \leq 27648$
- 11- $0.28X_1+0.18X_2+0.17X_3+0.15X_4+0.15X_5 \leq 55296$
- 12- $0.89X_1+0.85X_2+0.85X_3+0.83X_4+0.80X_5 \leq 165888$
- 13- $0.78X_1+0.61X_2+0.62X_3+0.54X_4+0.60X_5 \leq 331776$
- 14- $8.3X_1+7.63X_2+8.0X_3+6.2X_4+5.3X_5 \leq 663552$
- 15- $0.93X_1+0.73X_2+0.70X_3+0.69X_4+0.70X_5 \leq 165888$
- 16- $7.3X_1+607X_2+6.7X_3+5.9X_4+5.92X_5 \leq 663552$
- 17- $0.68X_1+0.57X_2+0.58X_3+0.52X_4+0.52X_5 \leq 165888$
- 18- $X_1, X_2, X_3, X_4, X_5 \geq 0$

النتائج :

توصلنا من خلال هذه الدراسة الي انه يمكن تكوين نموذج برمجة خطية لبيانات واقعية وحلها باستخدام اي برنامج من البرامج الحاسوبية نظرا لعدد المتباينات الكبير .

حيث تم من خلال الدراسة توضيح خطوات بناء النموذج الرياضي وذلك للاستفادة من ذلك في المؤسسات المختلفة وكذلك تدريب الباحثين علي كيفية بناء نماذج البرمجة الخطية

المصادر والمراجع

المراجع العربية

- 1 - الوداس . بفا تعريب راكش كي - سارت ، محمد محمود الشورابي إدارة الإنتاج والعمليات (مدخل حديث) (د- ب)
- 2 - العبيدي محمود الفضل مؤيد عبد الحسن بحوث العمليات وتطبيقاتها في إدارة الأعمال مؤسسة الوراق للنشر والتوزيع الاردن / عمان 2004 م
- 3 - البشبيشي حلمي عبد الفتاح وطه الطاهر إسماعيل وسيد أحمد عبد العاطي بحوث العمليات في المحاسبة القاهرة ، مركز كمبيوتر كلية الصيدلة 1993 م .
- 4 - المعزوي ، علي عبد السلام بحوث العمليات في مجالات الاستثمار والإنتاج والنقل والتخزين القاهرة ، دار الشروق للنشر 1991 م .
- 5 - باري رندر رالف ستير ناجرانج بالاكريشان تعريب مصطفى موسي تقديم يحي عبد السلام نمذجة القرارات وبحوث العمليات باستخدام صفحات الانتشار الالكترونية (علي الحايب الالي) دار المريخ للنشر
- 6 - جهاد صباح بني هاني ، نازم محمود ملكاوي ، فالح عبد القادر الحوري تطبيقات بحوث العمليات في إدارة الأعمال دار الحامد للنشر الاردن / عمان الطبعة الاولى 2013 م .
- 7 - جون واكينياخ برايان ابزرداهل ترجمة خالد العامري تحليل البيانات باستخدام الأكسل دار الفاروق للنشر 2002 م .
- 8 - حسين ، أحمد حسين علي ومني رزق السواتري بحوث العمليات في المحاسبة مدخل معاصر باستخدام الحاسب الالي الاسكندرية - الدار الجامعية 2002 م .
- 9 - حامد سعد بحوث العمليات مفهومها وتطبيقها مكتبة الزاكرة - بغداد الطبعة الاولى 2015 م .
- 10 - دلال صادق بطرس مدخل تحليلي في البرمجة الخطية القاهرة - دار النهضة العربية .
- 11 - ريتشارد برونسون سلسلة ملخصات شوم بحوث العمليات القاهرة - الدار الدولية للاستثمارات الطبعة الثالثة 2011 م .
- 12 - شريف الشافعي التطبيقات الإحصائية لبرنامج إكسل القاهرة - دار الكتب العلمية للنشر والتوزيع
- 13 - لطفي لوبز سيفين موسوعة بحوث العمليات البرمجة الرياضية النماذج الخطية الاسكندرية - دار الجامعات المصرية
- 14 - مدحت عبد العال مهارات الإدارة في الإحصاء وبحوث العمليات جامعة عين شمس
- 15 - محمد عبد العال النعيمي وآخرون مقدمة في بحوث العمليات عمان - دار وائل للنشر عمان 1999 م .
- 16 - عدنان ماجد عبد الرحمن طرق الحسابات في بحوث العمليات العددية جامعة الملك سعود قسم الاحصاء وبحوث العمليات - طبعة رجب 1423 هـ - سبتمبر 2002 م .

- 17- عبد العزيز مصطفى عبد الكريم التميمي ، طاهر جاسم تحليل الحساسية من معايير تقييم المشاريع الاقتصادية مجلة أفاق الاقتصادية العدد " 16 " 1983 م .
- 18 - مجلة أستار تحديد مشكلة وحلها بالإكسل 1983 م .

المراجع الأجنبية

- 1 -Krajewski L. J. & L. P. Ritz man **Operation Management**, .McGraw Hall, New York, 2002
- .2 -Stevenson W. J **Production Operation Management**, McGraw , .Irwin New York, 199,.
- 3- Anderson D. R **An Introduction to Management Science**, Ohio , South-Western, 2003
- 4 - Rarlin, R. C **Optimization In Operations Research**,P.E. India ,.1998
- 5- Caine, D. J. and Parker B. J. "**Linear programming comes of age: a decision support tool for every** " .Journal of Management Decision. London :1996. Vol. 34 Iss. 4 : p 46
- 6- Zolfe A. F. Shalby "**Solving linear programming models by spreadsheet software packages**" Journal of faculty Economics and Administrative. King Abdul-Aziz University, Jeddah. :2000. Vol. 14. No. 2 p 4.
- 7- Vijay G. " **Financial analysis using Excel** " VJ books Inc, Canada . 2002. p 227
- 8- Donald L. H. and James F. H. "**Data , Statistics, and Decision Models with EXCEL**" John Wily Sons, Inc. New York , 1998 . p 510.